宇宙物理入門

講義資料

第8章:熱制動輻射と銀河,銀河団の高温プラズマ Ver.1

<u> 制動放射 (1)</u>

同種粒子の2体のDipole 輻射は

$$\vec{d} = \sum_{i=0,1} q_i \vec{r_i} = \text{Const.} \qquad P = \frac{2\vec{d^2}}{3c^3} = 0$$

よって、同種粒子の2体散乱では Dipole 輻射を行なわない。 電子とイオンの2体散乱による輻射を考える。

電子はイオンに比べて非常に軽いので、イオンは静止しており固定されたクーロン場を考える。 イオンを 原点として電子の位置を R とする

$$\vec{d} = -\mathbf{e}\vec{R}$$
 $\ddot{\vec{d}} = -e\ddot{\vec{R}} = -e\dot{\vec{v}}$

放射される電磁波のエネルギーの各周波数成分は

$$\frac{dW}{d\omega d\Omega} = \frac{1}{c^3} \omega^4 |\hat{d}(\omega)|^2 \sin^2 \Theta \qquad \frac{dW}{d\omega} = \frac{8\pi \omega^4}{3c^3} |\hat{d}(\omega)|^2$$

なので、 \vec{d} から $\hat{d}(\omega)$ を次のように逆フーリエ変換して求めれば良い。

$$-\omega^2 \hat{d}(\omega) = \frac{1}{2\pi} \int_{-\infty}^{\infty} \ddot{\vec{de}}^{i\omega t} dt \qquad \hat{d}(\omega) = \frac{e}{2\pi\omega^2} \int_{-\infty}^{\infty} \dot{\vec{v}} e^{i\omega t} dt$$

制動放射 (2)

以下のように近似する。インパクトパラメータ $b \geq v$ を比べた場合、衝突時間 τ は

$$\tau \equiv \frac{b}{v}$$

 $d\omega$

もしも、 τ に比べて考えている周波数 ω が非常に大きい場合は積分の中の $e^{i\omega t}$ は何度も振動するので、 積分は0になる。 $\omega \sim 1/\tau$ 以上の周波数を持つ光は出ない、ということである。

 ω が小さい場合には $e^{i\omega t}$ は 1 になる。 \vec{v} の時間積分はすなわち衝突前後の速度変化に等しく、 それを $\Delta \vec{v}$ と書くと、

衝突時間が短いと言う事は v が非常に速いということなので、電子はほとんど直線運動し、 運動の垂直方向に少しだけ速度変化を受けると考えると、

0

 $b \gg v/\omega$

ver.



電子密度、イオン密度を $n_{\rm e}$ 、 $n_{\rm i}$ とすると、インパクトパラメータbに対する単位時間辺りの衝突の回数は $n_{\rm e}n_{\rm i}v2\pi bdb$ なので、

$$\begin{split} \frac{dW}{d\omega dVdt} &= n_{e}n_{i}2\pi v \int_{b_{\min}}^{b_{\max}} \frac{dW(b)}{d\omega} bdb = \frac{16e^{6}}{3c^{3}m^{2}v} n_{e}n_{i}Z^{2}\ln\left(\frac{b_{\max}}{b_{\min}}\right) \\ b_{\max} & \text{Blactros} \ \omega \ \text{Extractional} \ b_{\max} = \frac{v}{\omega} \\ b_{\min} \ \text{ctd} \ \neg \neg \circ \otimes \omega \ \text{cd} \ \text{b} \ \nabla \langle \omega \ \circ \otimes \omega \ \text{cd} \ \text{c$$

一般的には色々なことを考えてややこしい部分を Gaunt Factor $g_{ff}(v,\omega)$ に押し込める。

$$\frac{dW}{d\omega dV dt} = \frac{16\pi e^6}{3\sqrt{3}c^3m^2v} n_{\rm e}n_{\rm i}Z^2g_{ff}(v,\omega)$$

 g_{ff} の計算としては、Karzas and Latter (1961) などが有名である。



<u>熱制動放射 (1)</u>

電子が熱的な分布を取っていた場合、速度分布関数は

$$dP(v) \propto 4\pi v^2 \exp\left(-\frac{m_{\rm e}v^2}{2kT}\right) dv$$

この重みをつけて積分してやれば良い。よって、

$$\frac{dW(T,\omega)}{dVdtd\omega} = \frac{\int_{v_{\min}}^{\infty} \frac{dW(v,\omega)}{d\omega dVdt} v^2 \exp(-m_{\rm e}v^2/2kT)dv}{\int_0^{\infty} v^2 \exp(-m_{\rm e}v^2/2kT)dv}$$

量子論的に $h\nu$ の光子を作るために必要な電子エネルギーを考え、 v_{\min} を導入 $h\nu = \frac{1}{2}m_{\rm e}v_{\min}^2$

ややこしい所を \bar{g}_{ff} という Velocity Averaged Gaunt Factor というパラメータに押し込め、

$$\varepsilon_{\nu}^{ff} = \frac{dW(T,h\nu)}{dVdtd\nu} = \frac{2^5\pi e^6}{3m_{\rm e}c^3} \left(\frac{2\pi}{3km_{\rm e}}\right)^{1/2} T^{-1/2} Z^2 n_{\rm e} n_{\rm i} e^{-h\nu/kT} \bar{g}_{ff}$$

 $= 6.8 \times 10^{-38} Z^2 T^{-1/2} Z^2 n_{\rm e} n_{\rm i} e^{-h\nu/kT} \bar{g}_{ff} \quad ({\rm ergs \ s^{-1} \ cm^{-3} \ Hz^{-1}})$

X線領域での普通の熱的プラズマは、

$$g_{ff} = \left(\frac{3}{\pi}\frac{kT}{h\nu}\right)^{1/2} \qquad \varepsilon_{\nu}^{ff} \propto (h\nu)^{-0.4}e^{-h\nu/kT}$$

 $h\nu < kT$ ではエネルギーインデックスで -0.4のベキ関数型、 $h\nu > kT$ では、Exponential 的に落ちる。

<u>熱制動放射 (2)</u>



Figure 5.2 Approximate analytic formulae for the gaunt factor $\bar{g}_{ff}(\nu, T)$ for thermal bremsstrahlung. Here \bar{g}_{ff} is denoted by \bar{G} and the energy unit Ry = 13.6eV. (Taken from Novikov, I. D. and Thorne, K. S. 1973 in Black Holes, Les Houches, Eds. C. DeWitt and B. DeWitt, Gordon and Breach, New York.) 熱制動輻射の Gaunt Factor $\bar{g}_{ff}(\nu,T)$ 。右上の領域が、X 線プラズマを X 線で見た場合の領域。

<u>熱制動放射 (3)</u>

全周波数を積分し、単位時間あたりのエネルギー放射量を $\varepsilon^{ff} = \frac{dW}{dtdV} = \left(\frac{2\pi kT}{3m_e}\right)^{1/2} \frac{2^5\pi e^6}{3hm_ec^3} Z^2 n_e n_i \bar{g}_B$ $= 1.4 \times 10^{-27} T^{1/2} Z^2 n_e n_i \bar{g}_B \text{ (ergs s}^{-1} \text{ cm}^{-3})$ $\bar{g}_B \simeq 1.2$

宇宙組成を仮定した場合の値は以下の通り (Sarazin 1988)。

$$\varepsilon^{ff} = \sum_{i} 1.4 \times 10^{-27} T^{1/2} Z_{i}^{2} n_{e} n_{i} \bar{g}_{B} \text{ (ergs s}^{-1} \text{ cm}^{-3})$$
$$= 3.0 \times 10^{-27} T^{1/2} n_{H}^{2} \text{ (ergs s}^{-1} \text{ cm}^{-3})$$

<u>熱制動吸収 (1)</u>

放射があれば逆過程の吸収もあるというのは前述の通りであり、両者の関係は Kirchhoff の法則より

$$j_{\nu}^{ff} = \alpha_{\nu}^{ff} B_{\nu}(T) = \frac{1}{4\pi} \varepsilon_{\nu}^{ff} \qquad \alpha_{\nu}^{ff} = \frac{1}{4\pi} \frac{\varepsilon_{\nu}^{ff}}{B_{\nu}(T)}$$
$$B_{\nu}(T) d\nu = I_{\nu} = u_{\nu}c = \frac{2h\nu^{3}/c^{2}}{\exp(h\nu/k_{\rm B}T) - 1} d\nu$$

であったから、

$$\alpha_{\nu}^{ff} = \frac{4e^{6}}{3m_{\rm e}hc} \left(\frac{2\pi}{3km_{\rm e}}\right)^{1/2} T^{-1/2} Z^{2} n_{\rm e} n_{\rm i} \nu^{-3} \left(1 - e^{-h\nu/kT}\right) \bar{g}_{ff}$$

$$= 3.7 \times 10^{8} T^{-1/2} Z^{2} n_{\rm e} n_{\rm i} \nu^{-3} \left(1 - e^{-h\nu/kT}\right) \bar{g}_{ff} \ (\rm cm^{-1})$$

低エネルギー側ほど吸収を受けやすい。

光学的厚みが大きくなるにつれ、低エネルギー側から先に落ち始め、最終的に黒体輻射になる。

<u>冷却時間</u>

光学的に薄いプラズマの場合、放射によって冷却する時間を見積もる。

体積 V、プラズマ密度 $n = n_e = n_i$ 、温度 T、プラズマの熱エネルギー E、光度 L とすると冷却時間 τ は

$$E = \frac{3}{2}(n_{e} + n_{i})kT \cdot V = 3nkTV$$

$$L \propto n_{e}n_{i}\sqrt{T} \cdot V \propto n^{2}\sqrt{T}V$$

$$\tau = \frac{E}{L} \propto \frac{\sqrt{T}}{n}$$

$$\tau = 8.5 \times 10^9 \left(\frac{n_{\rm H}}{0.01 {\rm cm}^{-3}}\right)^{-1} \left(\frac{T}{10^8 {\rm K}}\right)^{1/2} {\rm (yr)}$$





<u>銀河団の光学観測</u>

King Model

重力的に束縛された等温の無衝突粒子で良く説明できる。

King (1962) により簡単な近似式が求められている。個数密度を $n_{\text{grav}}(r)$ 、プロジェクトした表面密度を $\Sigma_{\text{grav}}(r)$ とすると、力学的にリラックスした系は

$$n_{\rm grav}(r) = n_{\rm grav}(0) \left[1 + \left(\frac{r}{r_{\rm core}}\right)^2 \right]^{-3/2} \Sigma_{\rm grav}(r) = \Sigma_{\rm grav}(0) \left[1 + \left(\frac{r}{r_{\rm core}}\right)^2 \right]^{-1}$$

$$\phi(r) = -4\pi G m_{\rm grav} n_{\rm grav}(0) r_{\rm core}^2 \frac{\ln\left[(r/r_{\rm core}) + \sqrt{1 + (r/r_{\rm core})^2} \right]}{r/r_{\rm core}}$$

銀河団のみならず、球対称の自己重力系である、楕円銀河、球状星団もこれで表現できる。

ビルアル質量

銀河団は自己重力系でありビルアル定理が適用できる。力学エネルギーを K、重力エネルギーを U とすると、

$$2K + U = 0 \qquad K = \sum_{i} \frac{1}{2} m_{i} v_{i}^{2}, \quad U = -\frac{1}{2} \sum_{i \neq j} G \frac{m_{i} m_{j}}{r_{ij}}$$

重力半径 R_G 、(3 次元的な) 速度分散を σ_{grav}^2 、重力質量を M_{grav} を以下のように定義すると、

$$\begin{split} -U &= \frac{1}{2} \sum_{i \neq j} G \frac{m_i m_j}{r_{ij}} = G \frac{M_{\text{grav}}^2}{R_G}, \quad R_G \equiv \frac{2M_{\text{grav}}^2}{\sum_{i \neq j} \frac{m_i m_j}{r_{ij}}} \\ K &= \frac{1}{2} \sum_i m_i v_i^2 = \frac{1}{2} M_{\text{grav}} \sigma_{\text{grav}}^2, \quad \sigma_{\text{grav}}^2 \equiv \frac{\sum_i m_i v_i^2}{M_{\text{grav}}} \\ M_{\text{grav}} &\equiv \sum_i m_i \end{split}$$

以上を使うと

$$\frac{R_G \sigma_{\rm grav}^2}{G} = \frac{M_{\rm grav}^2}{-U} \frac{2K}{M_{\rm grav}} = M_{\rm grav}$$

 σ_{grav} は3次元的な速度分散であるが、球対称を仮定すると、観測可能な1次元的な速度分散 σ_r とは

 $\sigma_{\rm grav}^2 = 3\sigma_r^2$

 $M_{\rm grav}$ と実際に観測されている銀河の総質量 $M_{\rm gal}$ を比較すると、

 $M_{\rm grav} = 10^{14} \sim 10^{15} M_{\odot} \gg M_{\rm gal} = 10^{13} \sim 10^{14} M_{\odot}$

見えていない質量が存在することなり、これを Missing Mass と呼び、Dark Matter の最も重要な観測的証拠の 一つとされている。



FIG. 1.—The projected galaxy distributions in all the 15 studied clusters plotted as a function of distance from the clusters' centers. All distributions are normalized with their best-fitted parameters α (normalization in density) and β (scaling in distance). The solid line is the projected Emden isothermal gas sphere model, with a cutoff C = 0.1. A typical error bar (corresponding to the square root of the number of counts) is shown at the right.

図 8.3: 銀河団における銀河の個数表面密度分布 (Bahcall 1975)

ver()



ICM の発見

 $\sigma_{\text{grav}} = 300 \sim 2000 \text{km s}^{-1}$ であり、これはちょうど $10^7 \sim 10^8 \text{K}$ の Mass 問題を解決するために考えられたのは、光学観測ではとらえること そこで、X 線衛星で実際に観測した所、まさに銀河団全体に拡がる光生 Modium (ICM)" と名づけられた 調べてみた所 その質量は銀河の総質量



Medium (ICM)"と名づけられた。調べてみた所、その質量は銀河の総質量よりも大きく、宇宙のほとんどのバリオンは 実は X 線プラズマであることが判明した。これは、文句なしに X 線天文学最大の発見 (の一つ) と言える。



図 8.4: かみのけ座銀河団 (Coma Cluster) と A1367。光学写真に X 線イメージを重ねている。

図 8.5: 「あすか」SIS で得た乙女座銀河団の中心部の X 線スペクトル (Matsumoto et al. 1996)。



<u>銀河団のX線観測(2)</u>

 β Model

プラズマが理想気体であり、静水圧平衡にある場合、圧力勾配と重力が等しくなる(

$$P_{\text{gas}} = \rho_{\text{gas}} \frac{kT_{\text{gas}}}{\mu m_{\text{H}}} \qquad \frac{dP_{\text{gas}}(r)}{dr} = -\rho_{\text{gas}}(r) \frac{d\phi(r)}{dr}$$

これを、前述の King Model で表される自己重力系 ($\phi(r)$ が与えられている) に置くとガス密度 n_{gas} は、

$$n_{\rm gas}(r) = n_{\rm gas}(0) \left[1 + \left(\frac{r}{r_{\rm core}}\right)^2 \right]^{-\frac{3}{2}\beta_{\rm fit}}$$
$$\Sigma_{\rm X}(r) = \Sigma_{\rm X}(0) \left[1 + \left(\frac{r}{r_{\rm core}}\right)^2 \right]^{-3\beta_{\rm fit} + \frac{1}{2}}$$
$$\mu m_{\rm H} \sigma_{\rm grav}^2 = \mu m_{\rm H} \sigma_{\rm r}^2 = (1/2) \sigma_{\rm grav}^2$$

$$\beta = \frac{\mu m_{\rm H} \sigma_{\rm grav}^2}{3kT_{\rm gas}} = \frac{\mu m_{\rm H} \sigma_{\rm r}^2}{kT_{\rm gas}} = \frac{(1/2)\sigma_{\rm grav}^2}{(3/2)kT/\mu m_{\rm H}}$$

と書ける (Cavaliere and Fusco-Femiano 1976)。

自己重力系を作るシステムが持つ単位質量あたりの運動エネルギー $(1/2)\sigma_{\text{grav}}^2$ と、プラズマが持つ 単位質量あたりの熱エネルギー $\frac{(3/2)kT}{\mu m_{\text{H}}}$ の比である ($\beta < 1$ だと熱エネルギーの方が大きい)。 β_{fit} は *Einstein、ROSAT、ASCA* など X 線のイメージング観測から $\beta_{\text{fit}} = 0.5 \sim 0.65$

kT は X 線のスペクトルから得られ、光学観測から得られる速度分散 σr との比から

$$\beta_{\text{spec}} = \frac{\mu m_{\text{H}} \sigma_{\text{r}}^2}{k T_{\text{gas}}}$$
 HEAO-1 で β_{spec} を調べた) $\beta_{\text{spec}} = 1.0 \sim 1.2$

- ・βspecとβfitが一致しない「β problem」
- ·β<I「X線プラズマに追加熱が必要」



図 8.7: Einstein で得られた、クーリングフロー無しの銀河団の輝度分布を β モデルでフィットしたもの (Jones and Forman 1984)。



3.4

14

<u>銀河団のX線観測(4)</u>

ICM、銀河、重力、それぞれの質量とその空間分布

ICM の質量は n_{gas}(r) を積分すれば良い。銀河の総質量は光学観測から得られる。重力質量は、ICM により、先に述 べたビルアル定理よりも以下のように正確に求めることができる。静水圧平衡を仮定すると、

$$\frac{dP_{\text{gas}}(r)}{dr} = -\rho_{\text{gas}}(r)\frac{d\phi(r)}{dr} \qquad \frac{kT_{\text{gas}}}{\mu m_{\text{H}}}\frac{d\rho_{\text{gas}}}{dr} + \frac{\rho_{\text{gas}}k}{\mu m_{\text{H}}}\frac{dT_{\text{gas}}}{dr} = -\rho_{\text{gas}}G\frac{M_{\text{grav}}(< r)}{r^2}$$
$$M_{\text{grav}}(< r) = -\frac{kT_{\text{gas}}(r)}{\mu m_{\text{H}}G}\left(\frac{d\ln\rho_{\text{gas}}(r)}{d\ln r} + \frac{d\ln T_{\text{gas}}(r)}{d\ln r}\right)r$$

ICM が等温であり、β モデルを仮定すると、

$$M_{\rm grav}(< r) = 3\beta_{\rm fit} \frac{kT_{\rm gas}}{\mu m_{\rm H}G} \frac{r^2}{r_{\rm core}^2 + r^2} r$$

温度とイメージの両方を同時に求める



<u>銀河団のX線観測(5)</u>

- ・βspecとβfitが一致しない「β problem」
- ·β<I「X線プラズマに追加熱が必要」

光学,X線観測のそれぞれの不十分さが原因.

大きな追加熱も不要である.

THE ASTROPHYSICAL JOURNAL, 426: 513-515, 1994 May 10 © 1994. The American Astronomical Society. All rights reserved. Printed in U.S.A.

RESOLVING THE BETA-DISCREPANCY FOR CLUSTERS OF GALAXIES

NETA A. BAHCALL AND LORI M. LUBIN Princeton University Observatory, Princeton, NJ 08544 Received 1993 June 7; accepted 1993 November 15

ABSTRACT

Previous comparisons of optical and X-ray observations of clusters of galaxies have led to the so-called β -discrepancy that has persisted for the last decade. The standard hydrostatic-isothermal model for clusters predicts that the parameter $\beta_{spec} \equiv \sigma_r^2/(kT/\mu m_p)$, which describes the ratio of energy per unit mass in galaxies to that in the gas, should equal the parameter β_{fit} (where $\rho_{gas}(r) \propto \rho_{gal}(r)^{\beta_{fit}}$) determined from the X-ray surface brightness distribution. The observations suggest an apparent discrepancy: $\beta_{spec} \sim 1.2$ (i.e., the galaxies). Here we show that the discrepancy is resolved when the actual observed galaxy distribution in clusters is used, $\rho_{gal}(r) \propto r^{-2.4 \pm 0.2}$, instead of the previously assumed steeper King approximation, $\rho_{gal}(r) \propto r^{-3}$. Using the correct galaxy profile in clusters, we show that the standard hydrostatic-isothermal model predicts $\beta_{spec} = \beta_{fit}^c \simeq (1.25 \pm 0.1)\beta_{fit}$, rather than $\beta_{spec} \simeq \beta_{fit}$ (where β_{fit} is the standard parameter using the King approximation, and β_{fit}^c is the corrected parameter using the proper galaxy distribution). Using a large sample of clusters, we find best-fit mean values of $\beta_{spec} = 0.94 \pm 0.08$ and $\beta_{fit}^c = 1.25\beta_{fit} = 0.84 \pm 0.1$. These results resolve the β -discrepancy and provide additional support for the hydrostatic cluster model.

Subject headings: galaxies: clustering - X-rays: galaxies

THE ASTROPHYSICAL JOURNAL, 548:550–563, 2001 February 20 © 2001. The American Astronomical Society. All rights reserved. Printed in U.S.A.

THE BETA PROBLEM: A STUDY OF ABELL 262

JAMES D. NEILL¹ Astronomy Department, Columbia University, New York, NY 10027; neill@astro.columbia.edu

JEAN P. BRODIE Lick Observatory, University of California, Santa Cruz, CA 95064; brodie@ucolick.org

WILLIAM W. CRAIG¹ AND CHARLES J. HAILEY Columbia Astrophysics Laboratory, Columbia University, New York, NY 10027; bill@astro.columbia.edu chuckh@astro.columbia.edu

AND

ANTHONY A. MISCH Lick Observatory, University of California, Santa Cruz, CA 95064; tony@ucolick.org Received 1999 November 23; accepted 2000 October 19

ABSTRACT

We present an investigation of the dynamical state of the cluster A262. Existing optical line-of-sight velocities for select cluster galaxies have been augmented by new data obtained with the Automated Multi-Object Spectrograph at Lick Observatory. We find evidence for a virialized early-type population distinct from a late-type population infalling from the Pisces-Perseus supercluster ridge. We also report on a tertiary population of low-luminosity galaxies the velocity dispersion of which distinguishes them from both the early- and late-type galaxies. We supplement our investigation with an analysis of archival X-ray data. A temperature is determined using ASCA GIS data, and a gas profile is derived from ROSAT HRI data. The increased statistics of our sample results in a picture of A262 with significant differences from earlier work. A previously proposed solution to the " β -problem" in A262 in which the gas temperature is significantly higher than the galaxy temperature is shown to result from using too low a velocity dispersion for the early-type galaxies. Our data present a consistent picture of A262 in which there is no " β -problem," and the gas and galaxy temperature are roughly comparable. There is no longer any requirement for extensive galaxy-gas feedback to drastically overheat the gas with respect to the galaxies. We also demonstrate that entropy floor models can explain the recent discovery that the β values determined by cluster gas and the cluster core radii are correlated.

Subject headings: cosmology: theory — galaxies: clusters: individual (Abell 262) — galaxies: clusters: general — X-rays: galaxies





17



125億年前 115億年前 76億年前 現在 小さい構造が合体を繰り返して成長

現在の普通の物質(バリオン的)の分布と温度 ^{暗黒物質}銀河 (~10⁴K) 銀河団プラズマ (10⁷K) 銀河間ガス (10⁵-10⁷K)









IE 0657-56 銀河団は衝突・合体で成長する^{I8}



